Informatica

Corso di Laurea in Scienze Geologiche

Seconda Parte

Ugo Dal Lago





Anno Accademico 2015-2016

Sezione 1

 $Prepariamoci. \dots$

Alcune Caratteristiche di Python

- ▶ Python è un linguaggio di alto livello.
 - ▶ In altre parole, nella gerarchia delle macchine astratte, si trova in posizione alta.
 - ▶ Da un punto di vista concettuale, è più vicino ai problemi e alle applicazioni che alla macchina fisica.
- ▶ Python è un linguaggio general-purpose.
 - ▶ Non ci sono troppi limiti teorici agli algoritmi che si possono scrivere e ai problemi che si possono risolvere.
- ▶ Python è un linguaggio interpretato, e non compilato.
 - Ciò impatta leggermente le prestazioni dei programmi, ma in maniera certo non determinante nella maggior parte dei settori.

Perché Python?

- ▶ Perché è relativamente **semplice** da imparare.
 - ▶ I programmi risultano molto compatti.
 - ▶ Il fatto di essere interpretato ci permette di sperimentare in modo semplice e di ottenere semplicemente feedback.
- Perché esistono una moltitudine di librerie, ossia di programmi già scritti da altri, che spesso permettono di semplificare molto la risoluzione dei problemi.
- ▶ Perché è uno dei linguaggi più **utilizzati** dalla comunità delle scienze applicate (e quindi da *biologi*, *geologi*, etc.).
 - Questa non è certo la motivazione principale, però!

Storia di Python

- ▶ Nasce nel 1990, ad opera dell'informatico olandese *Guido* van Rossum
- ▶ Ha "cambiato pelle" più volte:
 - ▶ Fino al 2000 era un linguaggio di nicchia.
 - Nel 2000, con l'avvento di Python 2.0, cominciò una fase in cui moltissime comunità cominciarono a scrivere librerie per i domini più disparati.
 - ▶ Nel 2008, venne introdotto Python 3.0, che risolse molti piccoli problemi della versione 2.
 - ▶ Noi, però, seguendo il libro di testo, useremo Python 2.7.
- Oggi Python è un linguaggio di estremmo successo, utilizzato da milioni di sviluppatori.

Sperimentare con Python

► Per cominciare a sperimentare con il linguaggio Python, basta utilizzare un portale web dedicato, ossia

http://www.pythontutor.com/

► É possibile visualizzare in modo preciso cosa succede durante l'esecuzione di semplici programmini Python.

- ► L'uso di pythontutor è fortemente consigliato durante lo studio domestico.
- ▶ Se pythontutor è assolutamente sufficiente per passare l'esame scritto, non lo è per il progetto.

Installare Python

- Quando si cominciano a scrivere programmi di una certa complessità, pythontutor.com non basta.
- L'interprete Python è disponibile in tutti i principali sistemi operativi, ivi inclusi LINUX, MACOSX, e WINDOWS.
- ▶ Interagiremo con l'interprete Python attraverso un'applicazione chiamata IDLE.
- ► Se utilizzare LINUX e MACOSX, l'interprete Python(e IDLE) sono già preinstallati.
- ▶ Se invece utilizzare WINDOWS, potete installare il programma recuperandolo, ad esempio, da qui:

http://www.python.it/download/

▶ Scaricate e installate la versione 2.7.10.

Sezione 2

Pronti, Via!

Struttura dei Programmi Python

- Un programma Python non è altro che una sequenza di comandi e definizioni.
- ▶ Un comando (altrimenti detto **statement**) è una istruzione che impartisco all'interprete.
 - ▶ Posso per *esempio* chiedergli di stampare a video qualcosa, con il comando print
- ▶ Un esempio di programma potrebbe quindi essere

```
print 'Hello, World!'
print 'Good morning!'
print 'Have a nice day!'
```

Oggetti Scalari

- ▶ Gli **oggetti** sono le entità fondamentali che i programmi manipolano.
- ▶ Ogni oggetto ha un **tipo**, che identifica il tipo di operazioni che i programmi possono fare con oggetti di quel tipo.
- ► Gli **oggetti scalari** sono quegli oggetti che sono indivisibili, e che quindi non hanno struttura interna.
- ▶ Python dispone di quattro tipi di oggetti scalari:
 - Il tipo int, ovvero il tipo dei numeri interi. Ad esempio, i letterali 3, -215, o 321000.
 - 2. Il tipo float, ovvero il tipo dei numeri reali. Ad esempio, 3.0, pyt3.17, o 1.6E7.
 - ▶ Queste sono in realtà approssimazioni finite di numeri reali.
 - Il tipo bool, ovvero il tipo degli oggetti booleani, ovvero True e False
 - 4. il tipo None, ovvero un tipo con un solo oggetto.
- ▶ Quelli che abbiamo dato, sono (da un punto di vista sintattico) letterali. Come aggregarli?

Espressioni

- Possiamo formare espressioni aggregando tra di loro letterali, operatori (e altre categorie sintattiche) nel modo naturale.
- Occorre, ovviamente, che gli operatori vengano applicati a letterali ed espressioni rispettando il relativo tipo.
- ▶ Ogni espressione potrà essere *valutata* ad un oggetto, che chiameremo il suo **valore**.

► Esempi:

```
>>> 3 + 2
5
>>> 3.0 + 2.0
5.0
>>> 3 != 2
True
```

▶ Il tipo del valore cui valuta un'espressione lo possiamo calcolare con l'operatore type

Operatori Aritmetici

·	Significato
+	Addizione
-	Sottrazione
*	Moltiplicazione
//	Divisione Intera
/	Divisione
%	Resto della Divisione Intera
**	Elevamento a Potenza

Operatori di Confronto

	Significato
==	Uguaglianza
!=	Disuguaglianza
<	Minore Stretto
<=	Minore o Uguale
>	Maggiore Stretto
>=	Maggiore o Uguale

Operatori Logici

	Significato
and	Congiunzione: il risultato è true se e solo se <i>entrambi</i> gli operandi sono true
or	Disgiunzione: il risultato è true se e solo se $almeno$ uno degli operandi è true
not	Negazione: il risultato è true se e solo se l'operando (che è unico!) è false

Operatori e Tipi

- ► Che tipo devono avere gli **operandi**?
- ► E che tipo avrà il **risultato**?
- ▶ Python ha delle regole di tipo abbastanza permissive, proprio per la sua natura di linguaggio senza tipi statici.
- ▶ Ad esempio, negli operatori aritmetici:
 - ▶ Se entrambi gli operandi hanno tipo int, il risultato è int
 - Se almeno uno degli operandi ha tipo float, allora il risultato ha tipo float.
- Quando si applica, ad esempio, un operatore logico ad un letterale di tipo numerico, Python cerca in tutti i modi di risolvere la questione senza sollevare un errore di semantica statica.
 - ▶ In questo modo però la semantica dinamica diventa più *complessa*, spesso impredicibile.
 - ▶ Cercate di evitare situazioni come queste.

Esempi di Espressioni — I

```
>>> (3.2)+4
7.2
>>> (7//2)==(7/2)
True
>>> (7//2) == (7.0/2.0)
False
>>> (3==4) \text{ or } (3!=(5+3))
True
>>> ((7\%2)+2**3)==9.0
True
>>> 3==3.0
True
>>> 3<3.0
False
```

Esempi di Espressioni — II

```
>>> type(3*5.0)
<type 'float'>
>>> type (3*5)
<type 'int'>
>>> 7.3%2
1.299999999999998
>>> 7%2
1
>>> 3.0 and 2.4
2.4
>>> not 3.9
False
```

Tre Modi per Interagire con l'Interprete Python

1. Shell

- ▶ La shell di Python è un semple *valutatore* di comandi ed espressioni.
- ▶ Li esegue uno a uno, *mostrandone* il risultato (se si tratta di un'espressione).
- La shell è contraddistinta dalla sequenza >>>. La sua presenza ci indica che la shell è pronta a valutare un comando o un'espressione.
- ▶ Abbiamo già usato la shell negli esempi precedenti!
- Una volta valutata, un'espressione è in linea di principio persa.

2. File

- Appena cominciamo ad avere a che fare con comandi complessi, o addirittura con programmi, la shell diventa inadeguata.
- Risulta quindi molto utile scrivere i nostri programmi in un normale file di testo.
- ▶ IDLE mette a disposizione un editor per file di questo tipo.
- ► Comandi da eseguire in sequenza andranno a finire in *righe* successive del file.

Tre Modi per Interagire con l'Interprete Python

3 PythonTutor

- ▶ É equivalente all'utilizzo dei file.
- ▶ Non occorre però aver installato l'interprete Python, né un editor di testo.
- ▶ Basta utilizzare un qualunque browser, andare all'URL http://www.pythontutor.com, e scegliere "Visualize Code".

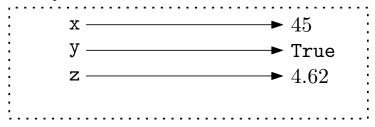
Sommario

- ► Finora, gli *unici comandi* a nostra dispozione sono:
 - ▶ Le **espressioni**, che denotano un valore, ma che se usate come comandi non producono nessun effetto.
 - L'istruzione print, che stampa a video il valore denotato da un'espressione.

Sommario

- ► Finora, gli *unici comandi* a nostra dispozione sono:
 - ▶ Le **espressioni**, che denotano un valore, ma che se usate come comandi non producono nessun effetto.
 - L'istruzione print, che stampa a video il valore denotato da un'espressione.
- L'esecuzione di ciascuno comando in un programma è quindi completamente indipendente dagli altri.
- Non c'è modo di far comunicare parti distinte di un programma.
- ▶ In realtà, Python (come tutti i linguaggi di programmazione imperativi), mette a disposizione il concetto di variabile e di stato interno.

- ▶ Le **variabili** Python non sono nient'altro che sequenze di caratteri, ossia *nomi*.
 - Alcune di tali sequenze, dette parole chiave, non possono essere usate come nomi.
 - L'unico esempio di parola chiave visto finora è print.
- ▶ In ogni momento, lo **stato interno** di un programma Python in esecuzione, è dato da un'associazione tra *alcune* variabili e degli *oggetti*.
- ► Ad esempio:



► Consideriamo il seguente codice:

```
pi = 3
raggio = 13
area = pi * (raggio**2)
raggio = 11
print pi
print area
print raggio
```

► Che valori stamperà?

```
→ pi = 3
   raggio = 13
   area = pi * (raggio**2)
   raggio = 11
```

```
→ raggio = 13
   area = pi * (raggio**2)
   raggio = 11
    pi-
```

```
pi = 3
   raggio = 13
→ area = pi * (raggio**2)
   raggio = 11
    pi-
                   → 3
    raggio ---
                → 13
```

```
pi = 3
  raggio = 13
  area = pi * (raggio**2)
→ raggio = 11
   pi-
                       → 3
   raggio-
                       ► 507
   area -
```

```
pi = 3
raggio = 13
area = pi * (raggio**2)
raggio = 11
pi-
                     → 3
raggio
                       13
                     > 507
area
```

Assegnamenti

- Nel programma di esempio abbiamo usato
 l'assegnamento, uno dei costrutti fondamentali di Python.
- ▶ L'assegnamento è l'unico vero modo che abbiamo per modificare lo stato interno e in particolare per associare un nuovo valore ad una variabile.
- ▶ Le variabili possono essere sovrascritte, e il vecchio valore è perso.
- ▶ La sintassi è:

$$\langle assegnamento \rangle \rightarrow \langle variabile \rangle = \langle espressione \rangle$$

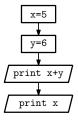
- ▶ La semantica dinamica dell'assegnamento **x=e** è, come ci si può immaginare, la seguente:
 - 1. Valuto l'espressione e, ottenendo un valore V.
 - 2. Creo un'oggetto nello stato interno che contiene V (anche se ce ne sono altri).
 - 3. Creo un'associazione tra \mathbf{x} e V (eliminando eventuali frecce originanti da \mathbf{x}).

Istruzioni Condizionali — I

- ▶ I programmi che abbiamo visto finora sono puramente sequenziali.
 - Ogni istruzione determina in modo univoco quale sia la successiva.

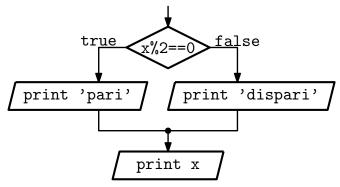
Istruzioni Condizionali — I

- ▶ I programmi che abbiamo visto finora sono puramente sequenziali.
 - Ogni istruzione determina in modo univoco quale sia la successiva.
- Possiamo rappresentare il programma attraverso un diagramma di flusso, in questo modo evidenziando la sua struttura interna.
- ▶ Ad esempio, il diagramma di flusso di un programma sequenziale potrebbe avere la struttura seguente:



Istruzioni Condizionali — II

▶ Potremmo avere bisogno, invece, di un diagramma di flusso diverso:



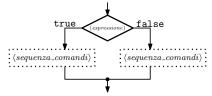
- ► Come procediamo?
- ▶ C'è bisogno di un comando in grado di gestire l'esecuzione condizionale di comandi.

Comando if-else

► La sintassi è la seguente:

```
if \langle espressione \rangle: \langle sequenza\_comandi \rangle else: \langle sequenza\_comandi \rangle
```

- L'indentazione è assolutamente rilevante, e va rispettata.
- ▶ Il corrispondente diagramma di flusso sarebbe il seguente:



Pari e Dispari

```
if (x%2 == 0):
   print 'Pari'
else:
   print 'Dispari'
print x
```

Un Esempio Più Complesso

```
if (x%2 == 0):
   if (x%3 == 0):
      print 'Divisibile per 2 e 3'
   else:
      print 'Divisibile per 2 ma non per 3'
else:
   if (x%3 == 0):
      print 'Divisibile per 3 ma non per 2'
   else:
      print 'Non divisibile per 3 e per 2'
```

Gestire Molti Casi

- ▶ if e else sono quindi parole chiave, e non possono essere usate come nomi di variabili.
- ► Esiste anche un'altra parola chiave, ossia elif che serve per rendere il codice più compatto.
- ► Esempio:

```
if x < y and x < z:
   print 'x è il minore'
elif y < z:
   print 'y è il minore'
else:
   print 'z è il minore'</pre>
```

Il Tipo str

- ► Il tipo str è il tipo delle stringhe, ossia delle sequenze di caratteri.
- ▶ Gli oggetti di questo tipo, dunque, sono oggetti non scalari.
- ▶ I letterali di tipo stringa sono sequenze di caratteri delimitati:
 - Dall'apostrofo, ossia ';
 - ▶ Dalle virgolette, ossia ".

► Esempio:

```
x='abc'
y="def"
print x
print y
if x=!y:
   print 'Sono diverse'
else:
   print 'Sono uguali'
```

Stringhe e Operatori

- ▶ Alcuni operatori aritmetici possono essere utilizzati sulle stringhe, e diventano in questo modo molto utili:
 - L'operatore + diventa un modo per concatenare stringhe.
 - L'operatore * diventa un modo per ripetere una stringa un certo numero di volte.
- ▶ Gli operatori di confronto <, >, <= e >= diventano un modo per confrontare le stringhe secondo l'ordine alfabetico.
- ► Esempio:

```
>>> 'abc'+'def'
'abcdef'
>>> 'abc'*3
'abcabcabc'
>>> 3*'abc'
'abcabcabc'
>>> 'abc'<'def'
True
>>> 'aaaac'<='aaaa'
False
>>> 'a'<'A'
False</pre>
```

Indicizzazione

- L'indicizzazione permette di estrarre singoli caratteri da una stringa.
- ▶ L'indice del primo carattere della stringa è 0, e va crescendo spostandosi verso la fine della stringa.
- ▶ I numeri negativi sono utilizzati per accedere alla stringa a partire dagli ultimi caratteri.
- ▶ La singassi è $\langle espressione \rangle [\langle indice \rangle]$.
- ► Esempio:

```
>>> x='abcdef'
>>> x[0]
'a'
>>> x[4]
'e'
>>> x[6]
Traceback (most recent call last):
  File "<stdin>", line 1, in <module>
IndexError: string index out of range
>>> x[-2]
'e'
```

Slicing

- La lunghezza di una stringa può essere calcolata tramite la funzione len.
- L'indicizzazione permette di accedere a *singoli* caratteri della stringa.
- ► Talvolta, invece, occorre estrarre *porzioni* di una certa stringa, e questo è ciò che permette di fare lo **slicing**.
- ▶ La sintassi dello slicing è

```
\langle espressione \rangle [\langle indice\_sinistro \rangle : \langle indice\_destro \rangle]
```

dove la porzione di stringa selezionata è quella:

- ▶ Il primo carattere è quello di indice ⟨indice sinistro⟩;
- ▶ L'ultimo carattere è quello di indice ⟨indice destro⟩.
- ▶ Uno degli indici può essere *omesso*. In tal caso:
 - ► Se ometto ⟨indice_sinistro⟩, il frammento selezionato inizia con il carattere di indice 0:
 - ► Se ometto ⟨indice_destro⟩, il frammento selezionato termina con il carattere di indice len(a)-1, dove a è la stringa.

Slicing — Esempio

```
>>> x='abcdef'
>>> x[0:1]
'a'
>>> x[0:3]
'abc'
>>> x[:4]
'abcd'
>>> x[3:]
'def'
>>> len(x)
6
>>> x[1:-1]
'bcde'
```

Input

- ▶ I programmi Python che abbiamo scritto finora permettono di interagire con le periferiche di *output*, ma non con le periferiche di *input* (ad esempio la **tastiera**)
- ▶ Python mette a disposizione una varietà di funzioni che permettono di chiedere, a chi sta usando il programma, di inserire una stringa.
- ▶ Noi utilizzeremo solo raw_input.
 - La stringa che passiamo a raw_input è il messaggio che l'utente vedrà prima di inserire la stringa.
 - Il valore inserito dall'utente verrà poi restituito dalla funzione.

Input — Esempio

```
>>> name = raw_input('Inserisci il tuo nome: ')
Inserisci il tuo nome: Pinco Pallino
>>> risposta = raw_input('Ma il tuo nome è '+name+' ? ')
Ma il tuo nome è Pinco Pallino ? Certo
>>> print risposta
Certo
>>> numero = raw_input('Inserisci un numero: ')
Inserisci un numero: 345
>>> print numero
345
>>> print type(numero)
<type 'str'>
```

Conversioni di Tipo Esplicite

- ▶ E' possibile convertire, ad esempio, una stringa *che* contenga un numero intero nel numero stesso?
- ▶ Python permette di eseguire queste operazioni tramite appositi operatori di conversione esplicite.
- ► La sintassi:

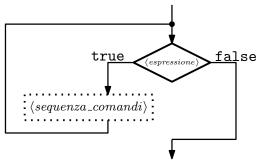
```
\langle espressione \rangle \rightarrow \langle tipo \rangle (\langle espressione \rangle)
```

► Esempio:

```
>>> a='123'
>>> print int(a)
123
>>> b=int(a)
>>> print b*3.2
393.6
>>> c=str(b)
>>> print c
```

Iterazione

▶ Nel linguaggio Python è possibile scrivere programmi che si comportino come il seguente diagramma di flusso:



- ► Tali programmi si chiamano **programmi iterativi**.
- ▶ A differenza di tutti i programmi visti finora, nei programmi iterativi *lo stesso comando* può essere eseguito più volte.
 - ▶ In tal caso, ovviamente, lo stato interno sarà diverso.

Il Comando while

- ▶ Il comando while è uno dei modi in cui Python permette di scrivere programmi iterativi.
- La sua sintassi è la seguente:

```
while \langle espressione \rangle: \langle sequenza\_comandi \rangle
```

- L'indentazione è, come nel caso del comando if, rilevante.
- La semantica dinamica è la seguente:
 - ► Valuta l'espressione.
 - ▶ Se tale espressione valuta a true, esegui la sequenza di comandi, e al termine ricomincia il procedimento daccapo.
 - Se tale espressione valuta a false, passa all'istruzione successiva.

```
\rightarrow x = 3
    ris = 0
    itman = x
    while (itman != 0):
        ris = ris + x
        itman = itman - 1
    print ris
```

```
x = 3
\rightarrow ris = 0
    itman = x
    while (itman != 0):
        ris = ris + x
        itman = itman - 1
    print ris
```

```
x = 3
   ris = 0
\rightarrow itman = x
   while (itman != 0):
        ris = ris + x
        itman = itman - 1
   print ris
         ris —
```

```
x = 3
  ris = 0
  itman = x
➡ while (itman != 0):
      ris = ris + x
      itman = itman - 1
  print ris
       ris -
                 → 3
       itman-
```

```
x = 3
ris = 0
itman = x
while (itman != 0):
    ris = ris + x
    itman = itman - 1
print ris
    ris -
              → 3
     itman-
```

```
x = 3
ris = 0
itman = x
while (itman != 0):
    ris = ris + x
    itman = itman - 1
print ris
    ris -
                 → 3
              → 3
     itman-
```

```
x = 3
  ris = 0
  itman = x
➡ while (itman != 0):
      ris = ris + x
      itman = itman - 1
  print ris
       ris -
                   → 3
       itman-
```

```
x = 3
ris = 0
itman = x
while (itman != 0):
    ris = ris + x
    itman = itman - 1
print ris
    ris -
                 → 3
     itman-
```

```
x = 3
ris = 0
itman = x
while (itman != 0):
    ris = ris + x
    itman = itman - 1
print ris
    ris -
                 → 6
               → 2
     itman-
```

```
x = 3
  ris = 0
  itman = x
➡ while (itman != 0):
      ris = ris + x
      itman = itman - 1
  print ris
       ris -
                   → 6
       itman-
```

```
x = 3
ris = 0
itman = x
while (itman != 0):
    ris = ris + x
    itman = itman - 1
print ris
    ris -
                 → 6
     itman-
```

```
x = 3
ris = 0
itman = x
while (itman != 0):
    ris = ris + x
    itman = itman - 1
print ris
    ris -
                 → 9
     itman-
```

```
x = 3
  ris = 0
  itman = x
➡ while (itman != 0):
      ris = ris + x
      itman = itman - 1
  print ris
       ris -
                   → 9
       itman-
```

```
x = 3
   ris = 0
    itman = x
   while (itman != 0):
        ris = ris + x
        itman = itman - 1
→ print ris
        ris -
                     → 9
         itman-
```

Sezione 3

Rudimenti di Algoritmica

Il Problema

- ▶ All'inizio del corso, avevamo parlato del problema di calcolare la radice quadrata di un numero.
- In questa parte, diamo alcune soluzioni al problema, e a variazioni dello stesso.
 - ▶ Il problema di per sè non è cruciale, ma è un ottimo pretesto per parlare di alcune argomenti particolarmente interessanti.

Prima Soluzione

```
x=int(raw_input('Inserisi un intero: '))
ris = 0
while ris**3 < abs(x):
    ris = ris + 1
if ris**3 != abs(x):
    print x, 'non e un cubo'
else:
    if x < 0:
        ris = -ris
    print 'Il cubo di ', x,' e ', ris</pre>
```

Il Ciclo for

- ► Finora abbiamo visto solo un modo per costruire programmi iterativi, ossia il ciclo while.
- ▶ Ne esiste anche un altro, spesso più semplice da usare.
- ▶ La sua sintassi è la seguente:

```
for \langle variabile \rangle in \langle sequenza\_valori \rangle: \langle sequenza\_comandi \rangle
```

- La semantica dinamica è la seguente:
 - 1. Calcola la $\langle sequenza \ valori \rangle$.
 - 2. Esegui \(\sequenza_comandi \) un numero di volte pari alla \(\text{lunghezza della sequenza} \) costruita al punto precedente.
 - ▶ In ciascuna di queste iterate, la variabile $\langle variabile \rangle$ prende uno dei valori in $\langle sequenza_valori \rangle$
 - Se in \(\sequenza_comandi\)\) viene eseguita l'istruzione break, l'esecuzione del ciclo si interrompe.

Come Costruire Sequenze?

- ▶ Il modo più semplice per costruire sequenze è la funzione predefinita range, che prende in input tre valori interi:
 - Il primo, start è il valore di partenza;
 - ► Il secondo, stop è il valore finale;
 - ▶ Il terzo, step indica di quanto aumentano i valori lungo la sequenza (e può essere negativo).
- ▶ Il valore step può essere omesso, e in tal caso vale 1.

► Esempi:

```
>>> range(0,4,2)
[0, 2]
>>> range(1,6,1)
[1, 2, 3, 4, 5]
>>> range(1,6)
[1, 2, 3, 4, 5]
>>> range(3,8,-1)
[]
>>> range(8,3,-1)
[8, 7, 6, 5, 4]
```

Ancora sul Ciclo for

▶ I cicli for possono essere annidati arbitrariamente, e a differenza del ciclo while, tutto questo risulta in codice elegante e ben strutturato.

Esempio:

```
for i in range(1,4):
  for j in range(0,i):
    print j
```

- ▶ Il ciclo for può essere anche utilizzato per scorrere gli elementi di una stringa.
 - ▶ In tal caso, la sequenza di valori non è nient'altro che la stringa stessa.

Esempio:

```
totale = 0
for c in '123456789':
  totale = totale + int(c)
print total
```

Seconda Soluzione

```
x=int(raw_input('Inserisci un intero: '))
for ris in range(0, abs(x)+1):
    if ris**3 >= abs(x):
        break
if ris**3 != abs(x):
    print x, 'non e un cubo'
else:
    if x < 0:
        ris = -ris
    print 'Il cubo di ', x,' e ', ris</pre>
```

Enumerazione Esaustiva

- ▶ I programmi che abbiamo appena scritto usano una tecnica molto semplice per esplorare lo spazio di ricerca, ossia l'enumerazione esaustiva.
- ▶ Man mano che il valore di x cresce, la quantità di tempo necessario a trovare la soluzione cresce molto rapidamente.
 - ▶ Se x è un intero di una decina di cifre, il tempo necessario ad eseguire il programma è enorme.
 - ▶ Morale: l'enumerazione esaustiva spesso è la tecnica più naturale, ma occorre comunque essere al corrente dei rischi che si corrono utilizzandola.

Un Problema Diverso

- Supponiamo ora di voler calcolare la radice quadrata di un qualunque numero intero, senza limitarci ai quadrati perfetti.
- ▶ La strada che percorreremo sarà quella di trovare delle **approssimazioni** del numero cercato.
- Useremo, come nei casi precedenti, il metodo dell'enumerazione esaustiva.

Prima Soluzione

```
x=int(raw_input('Inserisci un intero: '))
epsilon = 0.01
step=epsilon**2
numtent = 0
ris = 0.0
while (abs(ris**2 - x) >= epsilon) and (ris*ris <= x):</pre>
  ris += step
  numtent += 1
print 'numtent =', numtent
if abs(ris**2 - x) >= epsilon:
  print 'La ricerca ha avuto esito negativo'
else:
  print ris, ' e una buona approssimazione di ', x
```

Alcune Osservazioni

- L'algoritmo che abbiamo appena descritto è corretto sia quando x è superiore a 1, sia quando è inferiore a 1.
- ▶ Il numero di volte in cui il ciclo while è eseguito è nell'ordine di x/step.
- Se x è molto grande, è possibile che la ricerca abbia esito negativo.
 - Si può diminuire epsilon, ma in tal caso il numero di iterazioni aumenta considerevolmente
- Un modo per diminuire considerevolmente il numero di iterazioni consiste nel rimpiazzare l'enumerazione esaustiva con un'algoritmo più "furbo", ovvero la cosiddetta ricerca dicotomica.
 - ► In questo modo il numero di iterazioni diventa nell'ordine del logaritmo di x/step, funzione che cresce molto lentamente con x.

Seconda Soluzione

```
x=int(raw_input('Inserisci un intero: '))
epsilon = 0.01
numGuesses = 0
low = 0.0
high = \max(1.0, x)
ris = (high + low)/2.0
while abs(ris**2 - x) >= epsilon:
  print 'low =', low, 'high =', high, 'ris =', ris
 numtent += 1
 if ris**2 < x:
  low=ris
  else:
   high = ris
  ris = (high + low)/2.0
print 'numtent =', numtent
print ris, 'is close to square root of', x
```

Sezione 4

Astrazione e Funzioni

Astrazione e Riutilizzo

- ▶ I costrutti di Python che abbiamo studiato finora sono solo una minima parte di quelli disponibili nel linguaggio.
- Ciò non vuol dire che non si possa scrivere nulla con essi, anzi.
 - Siamo già in presenza di un linguaggio cosiddetto Turing-completo.
- ▶ Ciò che non abbiamo ancora visto, però, è un meccanismo che permetta l'astrazione e il riutilizzo del codice.
 - ▶ Potremmo trovarci a dover risolvere problemi *molto simili* ma diversi, le cui soluzioni algoritmiche sono esse stesse simili.
 - ▶ Potremmo aver bisogno di scrivere un programma complesso in cui *in due o più situazioni distinte* sia necessario risolvere lo stesso sotto-problema
- ▶ In entrambi i casi ci troveremmo a dover **duplicare** codice.

Funzioni

- Abbiamo già visto svariate funzioni predefinite del linguaggio Python.
 - ► Esempi: max, len, type.
- ▶ È possibile, nel linguaggio Python, definire nuove funzioni.
- La sintassi per la **definizione di funzioni** è la seguente:

```
\label{lem:def_nome_funzione} \begin{split} \operatorname{def} & \langle nome\_funzione \rangle (\langle lista\_parametri \rangle) : \\ & \langle sequenza\_comandi \rangle \end{split}
```

- ▶ ⟨*lista_parametri*⟩ non è nient'altro che una lista di nomi di variabili.
- ► Esempio:

```
def max(x,y):
   if x<y:
     return y
   else
     return x</pre>
```

► Il comportamento della funzione max quello che ci aspettiamo.

Parametri Formali e Attuali

Supponiamo di avere una definizione di funzione come la seguente:

```
def abc(x,y,z):
    return z
```

▶ Dopo aver dichiarato abc, è possibile chiamarla come se fosse una funzione predefinita:

```
>>> abc(3,4,5)
```

- ▶ Le variabili x, y, z sono dette **parametri formali** di abc.
- ▶ I valori 3, 4, 5 sono invece detti **parametri attuali** della *chiamata* ad abc.
- ► La sequenza di comandi di cui si compone la definizione di funzione è un programma Python (indentato).
 - L'unica eccezione è la possibilità dell'istruzione return, attraverso la quale è possibile restituire un valore al chiamante.

Semantica Dinamica delle Funzioni

- 1. I parametri attuali, ossia le espressioni che troviamo contestualmente alla chiamata, vengono valutati, ottenendo altrettanti valori, ciascuno relativo ad un parametro formale
- 2. La prossima istruzione da eseguire diventa la *prima* della funzione *chiamata*.
- 3. La sequenza di istruzioni della funzione chiamata **viene eseguita**, finché non si incontra un'istruzione **return** oppure finché non si esegue l'ultima istruzione della funzione chiamata.
 - ▶ Nel primo caso il **valore di ritorno** è quello passato all'istruzione **return**, mentre nel secondo è None.
- 4. Il controllo **ritorna** all'istruzione che aveva effettuato la chiamata, e il valore con cui sostituire la funzione è il valore di ritorno.

```
\longrightarrow def add(x,y):
          z = x+y
          return z
     a=3
     print add(a,8)
```

```
def add(x,y):
       z = x+y
       return z
--> a=3
   print add(a,8)
```

```
def add(x,y):
       z = x+y
       return z
   a=3
print add(a,8)
```

```
\longrightarrow def add(x,y):
          z = x+y
          return z
     a=3
     print add(a,8)
```

```
def add(x,y):
    z = x+y
    return z
a=3
print add(a,8)
```

```
def add(x,y):
    z = x+y
    return z
a=3
print add(a,8)
```

```
def add(x,y):
      z = x+y
       return z
   a=3
print add(a,8)
   Гα٠
```

Parametri Nominali — I

▶ Partiamo da un **esempio**:

```
def stNome(nome, cognome, inv):
   if inv:
     print cognome + ', ' + nome
   else:
     print nome, cognome
```

▶ Le seguenti chiamate alla funzione **stNome** sono tutte equivalenti

```
>>> stNome('Pinco','Pallino', False)
Pinco Pallino
>>> stNome('Pinco','Pallino',inv=False)
Pinco Pallino
>>> stNome('Pinco',cognome='Pallino',inv=False)
Pinco Pallino
>>> stNome(nome='Pinco',cognome='Pallino',inv=False)
Pinco Pallino
```

▶ Parliamo in questo caso di **parametri nominali**.

Parametri Nominali — II

- ▶ Non è possibile far seguire un parametro nominale da un parametro non nominale.
 - ▶ Altrimenti Python non saprebbe proprio a che parametro formale far corrispondere il parametro attuale!
- ▶ I parametri nominali vengono spesso usati in combinazione con i cosiddetti parametri di default.
 - **▶** Esempio:

```
def stNome(nome, cognome, inv = False):
   if inv:
     print cognome + ', ' + nome
   else:
     print nome, cognome
```

▶ In questo modo anche la chiamata stNome('Pinco','Pallino') ha un effetto identico alle precedenti.

► Consideriamo il seguente **esempio**:

```
def f(x):
    y = 1
    x = x + y
    print 'x =', x
    return x

x = 3
y = 2
z = f(x)
print 'z =', z
print 'x =', x
print 'y =', y
```

- ► Come si comporta il programma quando eseguito?
 - ▶ In particolare, che succede quando una variabile *locale* (ossia definita all'interno di una funzione) è identica ad una variabile *globale*?

```
def f(x):
   x = x + y
   print 'x = ', x
    return x
x = 3
y = 2
z = f(x)
print z = z
print 'x = ', x
print 'y =', y
```

```
def f(x):
    x = x + y
   print 'x = ', x
    return x
x = 3
z = f(x)
print z = z
print 'x = ', x
print 'y =', y
```

- ▶ In presenza di chiamate a funzioni, le variabili nel diagramma di stato sono organizzate in una pila di frame.
 - ▶ Ciascun frame corrisponde ad una chiamata di funzione.
 - ▶ La stessa variabile può comparire in più di un frame.
 - Ogniqualvolta una funzione è chiamata, viene creato un nuovo frame "in cima" alla pila.
 - ▶ Al termine dell'esecuzione di una funzione, il relativo frame è eliminato dalla pila.

- ▶ In presenza di chiamate a funzioni, le variabili nel diagramma di stato sono organizzate in una pila di frame.
 - ▶ Ciascun frame corrisponde ad una chiamata di funzione.
 - ▶ La stessa variabile può comparire in più di un frame.
 - Ogniqualvolta una funzione è chiamata, viene creato un nuovo frame "in cima" alla pila.
 - ▶ Al termine dell'esecuzione di una funzione, il relativo frame è eliminato dalla pila.
- ▶ Nel caso in cui la stessa variabile compaia in più di un frame, come si determina quello effettivamente in gioco?
 - Esistono delle regole precise, dette **regole di scoping statico**, che permettono di risolvere quest'ambiguità.
 - In presenza di più di un'occorrenza di una stessa variabile x, quella utilizzata è quella sintatticamente più "vicina" alla funzione correntemente in esecuzione.

```
\rightarrow def f(x):
        def g():
            x = 'abc'
            print 'x = ', x
        def h():
            z = x
            print 'z =', z
        x = x+1
        print 'x = ', x
        h()
        g()
        print 'x = ', x
   x = 3
   f(x)
```

```
def f(x):
        def g():
            x = 'abc'
            print 'x = ', x
        def h():
            z = x
            print 'z =', z
        x = x+1
        print 'x = ', x
        h()
        g()
        print 'x = ', x
\rightarrow x = 3
   f(x)
```

```
def f(x):
     def g():
         x = 'abc'
         print 'x = ', x
     def h():
         z = x
         print 'z =', z
     x = x+1
     print 'x = ', x
     h()
     g()
     print 'x = ', x
x = 3
• f(x)
```

```
def f(x):
    def g():
                           f() [x \longrightarrow 3
        x = 'abc'
        print 'x = ', x
    def h():
        z = x
        print 'z =', z
    x = x+1
    print 'x = ', x
    h()
    g()
    print 'x = ', x
x = 3
f(x)
```

```
def f(x):
   def g():
                         : f() [x → 3
       x = 'abc'
       print 'x = ', x
   def h():
       z = x
       print 'z =', z
   x = x+1
   print 'x = ', x
   h()
   g()
   print 'x = ', x
x = 3
f(x)
```

```
def f(x):
   def g():
                         : f() [x → 3
       x = 'abc'
       print 'x = ', x
   def h():
       z = x
       print 'z =', z
   x = x+1
   print 'x = ', x
   h()
   g()
   print 'x = ', x
x = 3
f(x)
```

```
def f(x):
   def g():
                         : f() [x → 4
       x = 'abc'
       print 'x = ', x
    def h():
       z = x
       print 'z =', z
   x = x+1
   print 'x = ', x
   h()
   g()
   print 'x = ', x
x = 3
f(x)
```

```
def f(x):
   def g():
                         : f() [x → 4
       x = 'abc'
       print 'x = ', x
    def h():
       z = x
       print 'z =', z
   x = x+1
   print 'x = ', x
   h()
   g()
   print 'x = ', x
x = 3
f(x)
```

```
def f(x):
   def g():
                      f() [x ── 4
       x = 'abc'
       print 'x =', x :h()
   def h():
       z = x
       print 'z =', z
   x = x+1
   print 'x = ', x
   h()
   g()
   print 'x = ', x
x = 3
f(x)
```

```
def f(x):
    def g():
                        : f() [x → 4
        x = 'abc'
        print 'x =', x : h() [z \longrightarrow 4]
    def h():
        z = x
        print 'z =', z
    x = x+1
    print 'x = ', x
    h()
    g()
    print 'x = ', x
x = 3
f(x)
```

```
def f(x):
   def g():
                         : f() [x → 4
       x = 'abc'
       print 'x = ', x
    def h():
       z = x
       print 'z =', z
   x = x+1
   print 'x = ', x
   h()
   g()
   print 'x = ', x
x = 3
f(x)
```

```
def f(x):
   def g():
                     f() [x → 4
       x = 'abc'
       print 'x =', x :g()
   def h():
       z = x
       print 'z =', z
   x = x+1
   print 'x = ', x
   h()
   g()
   print 'x = ', x
x = 3
f(x)
```

```
def f(x):
    def g():
                        : f() [x → 4
        x = 'abc'
        print 'x =', x :g() [x \longrightarrow 'abc']
    def h():
        z = x
        print 'z =', z
    x = x+1
    print 'x = ', x
   h()
   g()
    print 'x = ', x
x = 3
f(x)
```

```
def f(x):
   def g():
                         : f() [x → 4
       x = 'abc'
       print 'x = ', x
    def h():
       z = x
       print 'z =', z
   x = x+1
   print 'x = ', x
   h()
   g()
   print 'x = ', x
x = 3
f(x)
```

La Ricorsione — I

- ▶ Le **definizioni ricorsive** sono utilizzate nei domini più disparati, e in particolare in *matematica* e *informatica*.
- ► Esempi:
 - ▶ Una *matrioska* è:
 - Una bambola molto piccola;
 - oppure una bambola che si può aprire e che al suo interno contiene un'altra matrioska.
 - ▶ Il fattoriale n! di un numero naturale n può essere definito come segue:

$$n! = \begin{cases} 1 & \text{se } n = 0; \\ n \cdot !(n-1) & \text{se } n \ge 1. \end{cases}$$

ightharpoonup L'n-esimo numero di Fibonacci fib(n) è definito come segue:

$$\mathsf{fib}(n) = \left\{ \begin{array}{ll} 1 & \text{se } n \in \{0,1\}; \\ \mathsf{fib}(n-1) + \mathsf{fib}(n-2) & \text{se } n \geq 2. \end{array} \right.$$

La Ricorsione — II

- Come molti altri linguaggi di programmazione, Python permette di definire funzioni ricorsive, rendendo in questo modo più semplice e leggibile il codice.
- Una funzione a si dice ricorsiva se tra le sue istruzioni vi è una chiamata ad a stessa.
- ► Esempio:

```
def factI(n):
    res=1
    while n > 1:
        res=res*n
        n-=1
    return res
def factR(n):
    if n==1:
        return n
    else:
        return n*factR(n-1)
```

- La semantica dinamica delle funzioni ricorsive è identica a quella di qualunque altra funzione.
 - ▶ Nota bene: potremo avere più di un frame relativo alla stessa funzione!

La Ricorsione — III

- ▶ Un altro problema in cui la ricorsione può diventare molto utile è il controllo di palindromia.
- ▶ Osserviamo che una stringa a è palindroma se e solo se:
 - ▶ a è la stringa vuota;
 - ▶ oppure se il primo carattere di a è identico all'ultimo carattere di a e *il resto* di a è esso stesso palindromo.
- Una volta osservata questa cosa, costruire una funzione ricorsiva per il controllo di palindromia è relativamente semplice:

```
def isPal(a):
   if len(a) == 0:
      return True
   else
      return (a[0] == a[-1]) and isPal(a[1:-1])
```

Sezione 5

Moduli e File

Moduli — I

- ▶ Oltre alla modalità *shell*, sappiamo che è possibile interagire con l'interprete Python attraverso i *file*.
 - ▶ Tutte le dichiarazioni di funzione e tutte le istruzioni del vostro programma finiranno nello stesso file.
 - ▶ I file Python hanno di solito estensione py (ad esempio fact.py, fib.py, etc.)
- Quando il programma diventa troppo grande e troppo complesso, conviene ricorrere ai moduli.
 - Un modulo non è nient'altro che un normale programma Python che (normalmente) contiene molte dichiarazioni di variabili e funzioni.
 - ▶ È possibile "incorporare" tutte le definizioni di un modulo in un altro programma (o modulo) tramite l'istruzione import.
- ▶ I moduli risultano oltremodo utili quando si tratti di rendere il proprio codice *disponibile* alla comunità dei programmatori Python.
 - Basterà, ad esempio, mettere in rete il proprio file py, opportunamente documentato.

Moduli — II

Ad esempio, potremmo avere il seguente modulo cerchio.py

```
pi = 3.14159
def area(raggio):
    return pi*(raggio**2)
def circonferenza(raggio):
    return 2*pi*raggio
```

▶ A questo punto è possibile accedere a tutte le funzionalità attraverso la parola chiave import:

```
>>> import cerchio
>>> cerchio.pi
3.14159
>>> cerchio.area(3)
28.27431
>>> cerchio.circonferenza(4)
25.13272
```

Moduli — III

- ▶ Funzioni e variabili di un modulo devono essere accedute attraverso la sintassi $\langle modulo \rangle$. $\langle variabile \rangle$ oppure $\langle modulo \rangle$. $\langle funzione \rangle$.
- ▶ Un modo per evitare di dover utilizzare questa sintassi un po' prolissa consiste nell'uso dell'istruzione from:

```
>>> from cerchio import *
>>> pi
3.14159
```

▶ Le variabili di un modulo possono essere **modificate**, e in questo modo influenzare il comportamento delle funzioni.

```
Ad esempio:
```

```
>>> import cerchio
>>> cerchio.pi
3.14159
>>> cerchio.pi=3.14159265
>>> cerchio.pi
3.14159265
>>> cerchio.area(3)
28.27433385
```

File — I

- ► Finora, l'unico modo che hanno i nostri programmi Python per interagire con i dispositivi di I/O sono l'istruzione print e la funzione raw_input.
- ▶ Spesso risulta importante avere la possibilità di manipolare uno o più *file* da un programma:
 - ▶ Per esempio, potremmo voler *leggere* dei dati da un file di testo o *scrivere* delle informazioni su un altro file.
- ▶ Il modo che Python mette a disposizione per gestire i file è il cosiddetto file handle, che non è altro che un'astrazione del concetto di *file*.
- ▶ Un file handle Python supporta tre tipi di operazioni:
 - L'apertura, con cui il file handle viene messo in relazione con un file fisico.
 - Le operazioni di modifica, come la scrittura di una linea e la scrittura di una linea.
 - La chiusura, con cui si dichiara che il file handle non è più necessario.

File — II

► Apertura.

- L'apertura di un file è eseguita attraverso la funzione open, che prende come parametri il nome del file (una stringa) e la modalità di apertura (un'altra stringa, nel nostro caso 'w' oppure 'r').
- Nella modalità 'r', il file viene aperto in *lettura*, nella modalità 'w' invece viene aperto in *scrittura*.

► Modifica.

- ▶ La lettura da un file può essere effettuata attraverso un ciclo for, in cui il file handle è la sequenza (di stringhe) su cui iterare.
- La scrittura su un file può invece essere eseguita attravero il metodo write, che prende in input la stringa da scrivere nel file.

► Chiusura.

- ► La *chiusura* viene effettuata tramite il metodo close che non prende parametri.
- Le operazioni di apertura, modifica e chiusura vanno sempre eseguite in questo preciso ordine.

File — III

► Esempio:

```
primohandle=open('file1.txt','w')
a=raw_input('Inserisci il tuo nome: ')
primohandle.write(a)
primohandle.close()
```

► Esempio:

```
secondohandle=open('file2.txt','r')
for e in secondohandle:
   print e
secondohandle.close()
```

Esiste anche una terza modalità d'accesso ai file, ossia la modalità 'a', che si comporta come la modalità 'w', ma con la differenza che il vecchio contenuto del file non viene cancellato.

Sezione 6

Tipi Strutturati

Tuple — I

- ▶ Una tupla Python non è nient'altro che una sequenza ordinata di elementi, esattamente come una stringa.
- ▶ A differenza delle stringhe, però, gli elementi di una tupla possono essere di qualunque tipo.
- ▶ I letterali di tipo tupla sono delimitati dalle parentesi tonde (e).
- ► Esattamente come le stringhe, le tuple supportano le seguenti operazioni:
 - ▶ La concatenazione, tramite l'operatore +;
 - ► L'indicizzazione:
 - ▶ Lo slicing.
- ▶ Il comando for può essere utilizzato per iterare sugli elementi di una tupla.
 - ▶ In altre parole, le tuple sono, come le stringhe, un particolare tipo di **sequenza**.
- ► Le tuple possono essere visualizzate a video tramite il comando print.

Tuple — II

```
>>> t = (12,4.5,True)
>>> s = (t,34,t)
>>> print t
(12, 4.5, True)
>>> print s
((12, 4.5, True), 34, (12, 4.5, True))
>>> r = s[0:2]
>>> print r
((12, 4.5, True), 34)
>>> print (t+s+s)[4]
34
>>> print (s+t+t)[1:-1]
(34, (12, 4.5, True), 12, 4.5, True, 12, 4.5)
>>> u = (1)
>>> v = (1,)
>>> print u, v
1 (1,)
```

Tuple — III

- ▶ Le tuple sono particolarmente efficaci in tutte le situazioni in cui il risultato di una funzione sia il risultato di una ricerca di tipo esaustivo.
- ▶ Ad **esempio**, ci si potrebbe chiedere quali siano tutti i divisori comuni di due numeri interi positivi n e m. La seguente funzione Python risolve proprio questo problema:

```
def trovaDivisori(n,m):
    divisori=()
    for i in range(1,min(n,m)+1):
        if (n%i==0) and (m%i==0):
            divisori = divisori + (i,)
    return divisori
```

Liste — I

- ▶ Le **liste** risultano in tutto e per tutto simili alle tuple, e supportano come le tuple le operazioni di concatenazione, indicizzazione, e slicing.
- ➤ Ciò che contraddistingue le liste dalle tuple sono le parentesi da usare nella costruzione dei letterali, che nelle liste sono le parentesi quadre ([e]).

► Esempi:

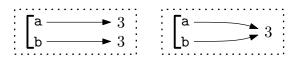
```
>>> a=[1,True,[5,[7,6.5]]]
>>> a[1:3][1][1]
[7, 6.5]
>>> a[1:3][1][1][1]
6.5
>>> (a+a)[4]
True
```

▶ A differenza delle tuple (e degli oggetti di tutti gli altri tipi che conosciamo), le liste sono **oggetti mutabili**

Oggetti Mutabili e Immutabili — I

▶ Dopo l'esecuzione di un semplicissimo programma Python come il seguente

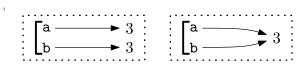
ci aspetteremmo di avere a che fare con il diagramma di stato a sinistra. In realtà la situazione è più simile al diagramma di stato di destra!



Ciò può essere verificato come segue:

```
>>> id(a)
140452296722632
>>> id(b)
140452296722632
```

Oggetti Mutabili e Immutabili — II



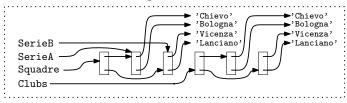
- Confondere i due diagrammi di stato di cui sopra, però, non crea nessun problema, proprio perchè gli oggetti di tipo int sono immutabili.
- Una volta creati, gli oggetti immutabili non possono essere modificati. L'unico modo per alterarne il valore è crearne di nuovi.
- Le liste sono invece oggetti **mutabili**.
 - ▶ Esiste la possibilità di alterare una lista senza distruggerla.
 - ▶ Lo stesso oggetto è quindi riferito da variabili distinte, e si parla in tal caso di **aliasing**.

Liste — II

- ▶ Supponiamo di voler rappresentare tramite delle liste alcune squadre di calcio del Campionato Italiano.
- ▶ Potremmo procedere come segue:

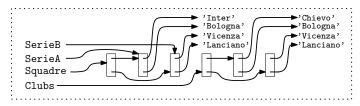
```
SerieA = ['Chievo', 'Bologna']
SerieB = ['Vicenza', 'Lanciano']
Squadre = [SerieA, SerieB]
Clubs = [['Chievo', 'Bologna'], ['Vicenza', 'Lanciano']]
```

Dopo questi assegnamenti, il diagramma di stato si presenterebbe simile al seguente:



Liste — III

► Se eseguiamo l'assegnamento SerieA[0]='Inter' il diagramma di stato diventerà:



▶ Di conseguenza:

```
>>> print Squadre
[['Inter', 'Bologna'], ['Vicenza', 'Lanciano']]
>>> print Clubs
[['Chievo', 'Bologna'], ['Vicenza', 'Lanciano']]
```

Liste — Alcune Istruzioni Utili

```
>>> x=[1,2,6]
>>> x[2]=3
>>> x.append(4)
>>> x.count(3)
1
>>> x.insert(4,5)
>>> x
[1, 2, 3, 4, 5]
>>> x.remove(3)
>>> x
[1, 2, 4, 5]
>>> x.reverse()
>>> x
[5, 4, 2, 1]
>>> x.sort()
>>> x
[1, 2, 4, 5]
```

Liste — Cloning

- Se x è una lista, l'assegnamento y=x non crea una nuova lista, ma fa in modo che y punti alla stessa lista cui punta x.
- ▶ E' possibile creare una **copia** di una lista esistente?
- La risposta è affermativa: basta utilizzare l'operatore [:], che è nient'altro che una variante dell'operatore di slicing.

► Esempio:

```
>>> x=[1,2,3]
>>> y=x
>>> y[2]=7
>>> x
[1, 2, 7]
>>> z=x[:]
>>> z[0]=4
>>> x
[1, 2, 7]
>>> z
[4, 2, 7]
```